

Tartalom

1. Számrendszerek közti átváltás	2
1.1. Megoldások	4
2. Műveletek (+, -, bitműveletek).....	7
2.1. Megoldások	8
3. Számítógépes adatábrázolás	12
3.1. Megoldások	14

A gyakorló sor lektorátlan, hibákat tartalmazhat, és minden bizonnyal tartalmaz is. Használata csak kellő körültekintéssel javasolt! A felfedezett hibákat a szeghalmy.szilvia@inf.unideb.hu címen lehet jelezni.

1. Számrendszerek közti átváltás

Tízestől kettes számrendszerbe

- | | |
|--------------|---|
| 1) 100 = | 2 |
| 2) 140 = | 2 |
| 3) 250 = | 2 |
| 4) 120.025 = | 2 |
| 5) 280.4 = | 2 |

Tízestől nyolcas számrendszerbe

- | | |
|--------------|---|
| 1) 100 = | 8 |
| 2) 140 = | 8 |
| 3) 250 = | 8 |
| 4) 120.025 = | 8 |
| 5) 280.4 = | 8 |

Kettesből tizenhatos számrendszerbe

- | | |
|--------------------------------------|----|
| 1) 10010101 = | 16 |
| 2) 10110010101 = | 16 |
| 3) 11010010.0110010 = | 16 |
| 4) 11111010. $\overline{0110}_2$ = | 16 |
| 5) 111110101. $10\overline{101}_2$ = | 16 |

Kettesből nyolcas számrendszerbe

- | | |
|--------------------------------------|---|
| 1) 10010101 = | 8 |
| 2) 10110010101 = | 8 |
| 3) 11010010.0110010 = | 8 |
| 4) 11111010. $\overline{0110}_2$ = | 8 |
| 5) 111110101. $10\overline{101}_2$ = | 8 |

Kettesből tízes számrendszerbe

- | | |
|----------------------------|----|
| 1) 1101 = | 10 |
| 2) 10010101 = | 10 |
| 3) 11010.011 = | 10 |
| 4) 1011.01 = | 10 |
| 5) 110. $\overline{1}_2$ = | 10 |

Nyolcasból kettes számrendszerbe

- 1) $100_8 =$ 2
- 2) $140_8 =$ 2
- 3) $250_8 =$ 2
- 4) $120.025_8 =$ 2
- 5) $280.4_8 =$ 2

Nyolcasból tízes számrendszerbe

- 1) $100_8 =$ 10
- 2) $140_8 =$ 10
- 3) $120.025_8 =$ 10
- 4) $103.4_8 =$ 10

Tizenhatosból kettes számrendszerbe

- 1) $1B_{16} =$ 2
- 2) $1E0_{16} =$ 2
- 3) $25_{16} =$ 2
- 4) $92.2A_8 =$ 2

Tizenhatosból tízes számrendszerbe

- 1) $9E_{16} =$ 10
- 2) $1E0_{16} =$ 10
- 3) $25_{16} =$ 10
- 4) $92.2A_8 =$ 10

1.1. Megoldások

Tízestől kettes számrendszerbe

$$1) \quad 100 = 1100100_2$$

100	:2
50	0
25	0
12	1
6	0
3	0
1	1
0	1

$$2) \quad 140 = 10001100_2$$

$$3) \quad 250 = 11111010_2$$

$$4) \quad 120.025 = 1111000.\overline{0000011}_2$$

120	:2	0	025 *2
60	0	0	05
30	0	0	1
15	0	0	2
7	1	0	4
3	1	0	8
1	1	1	6
0	1	1	2

$$5) \quad 280.4 = 100011000.\overline{0110}_2$$

Tízestől nyolcas számrendszerbe

Tipp: Aki nem szeret nyolccal osztani, váltsa át a számot kettes számrendszerbe, majd a kapott értéket váltsa tovább nyolcas számrendszerbe.

$$100 = 144_8$$

100	:8
12	4
1	4
0	1

$$1) \quad 140 = 214_8$$

$$2) \quad 250 = 372_8$$

$$3) 120.025 = 170.01\overline{463}_8$$

120	:8	0	025 *8
15	0	0	2
1	7	1	6
0	1	4	8
		6	4
		3	2

$$4) 280.4 = 430.\overline{3146}_8$$

Kettesből tizenhatos számrendszerbe

A megoldás során négyesével tagoljuk a törtponttól kiindulva a számjegyeket mindkét irányban. Amennyiben a legelső vagy a legutolsó bloknál nincs meg a négy számjegy, egészítsük ki 0-val a „blokkot”. Az így kapott négy bináris számjegyet tartalmazó blokkok pontosan egy hexadecimális számjegy kettes számrendszerbeli megfelelői. (pl: $1100_2 = 12_{10} = C_{16}$)

- 1) $1001\ 0101 = 95_{16}$, mert az $1001_2 = 9$ és a $0101_2 = 5$
- 2) $0101\ 1001\ 0101 = 595_{16}$
- 3) $1101\ 0010\ 0110\ 0100 = D2.64_{16}$
- 4) $1111\ 1010.\overline{0110}_2 = FA.\overline{6}_{16}$
- 5) $1\ 1111\ 0101.\overline{10101}_2 = 0001\ 1111\ 0101.\ 1010\ 1101\ 1011\ 0110\dots = 1F5.ADB6\dots_{16}$

Kettesből nyolcas számrendszerbe

A megoldás a tizenhatos számrendszerrel tanulthoz hasonló, azonban most hármassával tagoljuk a számjegyeket. (Természetesen most is a törtponttól indulunk ki, bal és jobb oldali irányban is.)

- 1) $010\ 010\ 101 = 225_8$, mert a $010_2 = 2$, a $010_2 = 2$ és az $101_2 = 5$
- 2) $010\ 110\ 010\ 101 = 2625_8$
- 3) $011\ 010\ 010.\overline{011}\ 001 = 322.31_8$
- 4) $11\ 111\ 010.\overline{0110}_2 = 011\ 111\ 010.\overline{011}\ 001\ 100\ 110 = 372.3146_8$
- 5) $111\ 110\ 101.\overline{10101}_2 = 111\ 110\ 101.\overline{101}\ 011\ 011\ 011\dots = 765.533\dots_8 = 765.5\overline{3}_8$

Kettesből tízes számrendszerbe

- 1) $1101 = 1*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 1*2^0 = 8+4+0+1 = 13$
- 2) $10010101 = 149$
- 3) $11010.011 = 26 + 0*2^{-1} + 1*2^{-2} + 1*2^{-3} = 26+0.25+0.125 = 26.375$
- 4) $1011.01 = 11.25$
- 5) $110.\overline{1}_2 = 6 + 1*2^{-1} + 1*2^{-2} + 1*2^{-3}\dots = 6 + \sum_{i=1}^{\infty} \frac{1}{2^i} \approx 7$

Nyolcasból kettes számrendszerbe

Minden nyolcas számrendszerbeli számjegy leírható három biten. Az átváltás során egyszerűen minden számjegyhez rendeljük hozzá a neki megfelelő bináris alakot 3 biten(!). Fontos, hogy akkor is

három bitet rendelünk egy számjegyhez, ha az érték kisebb bitszámon is elférne. Pl. a 0 nyolcas számrendszerbeli számjegyhez 000-át rendelünk. Természetesen a szám elejéről és a törtpont után a szám végéről a 0-ák szokás szerint elhagyhatók.

- 1) $100_8 = 001\ 000\ 000 = 1\ 000\ 000_2$
- 2) $140_8 = 001\ 100\ 000 = 1\ 100\ 000_2$
- 3) $250_8 = 010\ 101\ 000 = 10\ 101\ 000_2$
- 4) $120.025_8 = 001\ 010\ 000.000\ 010\ 101 = 1\ 010\ 000.000\ 010\ 101_2$
- 5) $280.4_8 =$ Csak gonoszkodtam. Nincs ilyen nyolcas számrendszerbeli szám. :)

Tizenhatosból kettes számrendszerbe

A stratégia az előzővel analóg, azonban minden számjegyhez 4 bitet fogunk rendelni, hiszen ennyi bit szükséges a legnagyobb 16-os számrendszerbeli számjegy (F_{16}) 2-es számrendszerbeli tárolásához (1111_2).

- 1) $1B_{16} = 0001\ 1011 = 1\ 1011_2$
- 2) $1E0_{16} = 0001\ 1110\ 0000 = 1\ 1110\ 0000_2$
- 3) $25_{16} = 0010\ 0101 = 10\ 0101_2$
- 4) $92.2A_8 = 1001\ 0010.0010\ 1010_2$

Nyolcasból tízes számrendszerbe

- 1) $100_8 = 1 \cdot 8^2 + 0 \cdot 8^1 + 0 \cdot 8^0 = 64_{10}$
- 2) $140_8 = 96_{10}$
- 3) $120.025_8 = 80 + 0 \cdot 8^{-1} + 2 \cdot 8^{-2} + 5 \cdot 8^{-3} = 80 + \frac{2}{64} + \frac{5}{512} = 80 \frac{21}{512} = 80 \frac{3}{73}$
- 4) $103.4_8 = 67.5_{10}$

Tizenhatosból tízes számrendszerbe

- 1) $9E_{16} = 9 \cdot 16^1 + E \cdot 16^0 = 9 \cdot 16 + 14 \cdot 1 = 158_{10}$
- 2) $1E0_{16} = 480_{10}$
- 3) $25_{16} = 37_{10}$
- 4) $92.2A_8 = 146 + 2 \cdot 16^{-1} + A \cdot 16^{-2} = 146 + \frac{2}{16} + \frac{10}{256} = 146 \frac{21}{128}$

2. Műveletek (+, -, bitműveletek)

Összeadás és kivonás 2-es, 8-as, 16-os számrendszerekben. Végezzük el mind a két műveletet az alábbi számpárookra.

- 1) $111001_{(2)}$ $1011011_{(2)}$
- 2) $773.4_{(8)}$ $214.2_{(8)}$
- 3) $FA24_{(16)}$ $13B3_{(16)}$

Végezze el az összeadás és a kivonás műveletet az alábbi bitsorozatokon, 8 biten!

- 1) $11101001_{(2)}$ $10010011_{(2)}$
- 2) $10101001_{(2)}$ $00110011_{(2)}$
- 3) $10000000_{(2)}$ $00000011_{(2)}$
- 4) $01111111_{(2)}$ $01010011_{(2)}$

Logikai műveletek

Lásd mat. log. jegyzeted.

Bitműveletek:

- ~ bitenkénti negált
- | bitenkénti vagy
- & bitenként és
- ^ bitenkénti kizáró vagy
- << bitenkénti eltolás balra
- >> bitenkénti eltolás jobbra

Minden feladatnál **1 bájt**on dolgozzon. (A bitsorozatoknál a számrendszer jelzését elhagytuk.)

- 1) ~ 00111001
- 2) $00111001 | 10010010$
- 3) $00111001 \& 10010010$
- 4) $00111001 \wedge 10010010$
- 5) $10110000 \ll 1_{(10)}$
- 6) $10110001 \ll 4_{(10)}$
- 7) $10110000 \gg 1_{(10)}$
- 8) $10110001 \gg 4_{(10)}$
- 9) $11100100 \& (\sim 10110011)$
- 10) $(11100010 \ll 2_{(10)}) \& 10110011$
- 11) $0xA1 \ll 3_{(10)}$ (A1 hexadecimális érték eltolása 3 bittel balra)
- 12) Szorozzuk meg a 3-as számot 8-al, bitművelet segítségével.

2.1. Megoldások

Összeadás és kivonás 2-es, 8-as, 16-os számrendszerekben.

A műveletek megvalósítási elve minden számrendszerben megegyezik a tízes számrendszerben használtakkal, csupán az alapszám más. Például kettes számrendszerben a $0+0 = 0$, $1+0 = 1$, $0+1 = 1$, $1+1 = 0$ és lesz 1 átvitel, mert csak az alapszámnál kisebb számjegyeink vannak, ha azt túllépjük, az alap levonásra kerül és azt a következő számjegyek összeadásánál vesszük figyelembe.

Ha kivonásnál a kivonandó szám a nagyobb, akkor cseréljük meg a két számot, végezzük el úgy a kivonást, és persze ne feledkezzünk meg a negatív előjel kiírásáról.

A könnyebb követhetőség érdekében a feladatok megoldásánál egy külön C-vel bevezetett sor fogja jelezni az átvitelt. Az átvitelt a keletkezés helyétől egy jeggyel balra csúsztatva írjuk le, hiszen ott kerül majd beszámításba.

1) $111001_{(2)}$ $1011011_{(2)}$

$$\begin{array}{r} 111001 \\ + 1011011 \\ \text{C } 1111 \ 11 \\ \hline 10010100 \quad (\text{eredmény}) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1011011 \quad (\text{A kisebb számból kellene kivonni a nagyobbat} \rightarrow \text{felcseréljük}) \\ - 111001 \\ \text{C } 1 \\ \hline 0100010 = -100010 \quad (\text{kisebb szám} - \text{nagyobb szám} \rightarrow \text{negatív az érték}) \end{array}$$

2) $773.4_{(8)}$ $214.2_{(8)}$

$$\begin{array}{r} 773.4 \quad 7+1 \rightarrow 8, \text{ alapszámot levonjuk } (8-8 = 0) \text{ és lesz átvitel} \\ + 214.2 \quad 7+2+1 \rightarrow 10, \text{ alapszámot levonjuk } (10-8=2) \text{ és lesz átvitel} \\ \text{C } 11 \\ \hline 1207.6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 773.4 \quad 3-4 \rightarrow \text{alapszám}+3 -4 \text{ és egy átvitel} = 11-4 = 7 + \text{ átvitel} \\ - 214.2 \\ \text{C } 1 \\ \hline 557.2 \end{array}$$

3) $FA24_{(16)}$ $13B3_{(16)}$

$$\begin{array}{r} FA24 \quad B+2 = 11+2 = 13 = D \\ + 13B3 \quad A+3 = 10+3 = 13 = D \\ \text{C } 1 \quad F+1 = 15+1 = 16 - \text{alapszám} = 0 \text{ és lesz egy átvitel} \\ \hline 10DD7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} FA24 \quad 2-B = 2-11 = 2+\text{alap}-11 \text{ és átvitel} = 18-11 = 7 \text{ és átvitel} \\ - 13B3 \quad A-3-1 = 10-4 = 6 \\ \text{C } 1 \quad F-1 = 15-1 = 14 \\ \hline E671 \end{array}$$

Végezze el az összeadás és a kivonás műveletet az alábbi bitsorozatokon! 8 bitet használjon!

1) $11101001_{(2)}$ $10010011_{(2)}$

```

  11101001
+ 10010011
C 1      11
  01111100

```

Megj: A feladat szerint 8 bitet kell használnunk, ezért az utolsó átvitelt nem jegyezzük le. Az összeadás során túlcsoordulás történt.)

```

  11101001
- 10010011
C  1  11
  01010110

```

2) $10101001_{(2)}$ $00110011_{(2)}$

```

  10101001
+ 00110011
C  1  11
  11011100

```

```

  10101001
- 00110011
C 111 11
  01110110

```

3) $10000000_{(2)}$ $00000011_{(2)}$

```

  10000000
+ 00000011
C
  10000011

```

```

  10000000
- 00000011
C 1111111
  01111101

```

4) $01111111_{(2)}$ $01010011_{(2)}$

```

  01111111
+ 01010011
C 1111111
  11010010

```

```

01111111
- 01010011
C
00101100

```

Bitműveletek megoldásai

- 1) $\sim 00111001 = 11000110$, mert a bitenkénti negálás során a 0 értékek 1-re, az 1-es értékű bitek 0-ra változnak.

- 2) $00111001 \mid 10010010 = 10111011$, mert egy eredmény bit akkor és csak akkor 0, ha a *vagyolandó* bitsorozatok azonos pozíción lévő bitjei közül mindkettő 0 értékű.

```

00111001 (egymás alá írtuk a két sorozatot, így könnyen látható
| 10010010  mely bitek helyezkednek el azonos pozíción)
10111011 (eredmény)

```

- 3) $00111001 \& 10010010 = 00010000$, mert egy eredménybit akkor és csak akkor 1, ha az *éselendő* sorozat azonos pozícióján lévő bitek közül mindkét bit 1-es értékű.

```

00111001
& 10010010
00010000 (eredmény)

```

- 4) $00111001 \wedge 10010010 = 10101011$, mert egy eredménybit értéke akkor és csak akkor egy, ha a *kizáró vagyolandó* bitsorozatok azonos pozíción lévő bitjei közül az egyik, és csak az egyik 1-es értékű. (Tehát a *vagytól* abban különbözik, hogy az $1 \wedge 1$ értéke is 0-át eredményez).

```

00111001
^ 10010010
10101011 (eredmény)

```

- 5) $10110000 \ll 1 = 01100000$, mert az egy bittel balra való *eltolás* műveletnél minden bit egy pozícióval kerül balra. A legmagasabb helyiértékű bit ennek hatására eltűnik (pirossal jelölve), a legalacsonyabb helyiértékű bitre pedig 0 kerül (dőlt, félkövérrel jelölve).

- 6) $10110001 \ll 4 = 00010000$, mert több bittel való eltolás művelet pontosan ugyanazt az eredményt adja, mint ha az 1 bittel való eltolást négyszer egymás után végrehajtanánk a bitsorozatra.

- 7) $10110000 \gg 1 = 01011000$, mert az egy bittel jobbra való eltolás műveletnél minden bit egy pozícióval kerül jobbra. A legkisebb helyiértékű bit ennek hatására eltűnik (pirossal jelölve), a legmagasabb helyiértékű bitre pedig 0 érték kerül (dőlt, félkövér).

- 8) $10110001 \gg 4 = 00001011$, mert több bittel való eltolás művelet pontosan ugyanazt az eredményt adja, mint ha az 1 bittel való eltolást négyszer egymás után végrehajtanánk a bitsorozatra.

9) $11100100 \& (\sim 10110011)$

Végezzük el a bitenkénti negálást 10110011 sorozatra: 01001100

```

11100100 (egy eredmény bit 1 <=> ha az éselendő mindkét bit 1 volt)
& 01001100
01000100

```

10) $(11100010 \ll 2) \& 10110011$

Az eltolás eredménye 1110001000 lenne, viszont a feladat szerint 8 biten dolgozunk, ezért a legfelső két bit az eltolás hatására elveszik (túlcsordul). 10001000 bitsorozatát adva.

```

10001000 (egy eredmény bit 1 <=> ha a éselendő mindkét bit 1 volt)
& 10110011
10000000

```

11) $0xA1 \ll 3 = 1010\ 0001_{(2)} \ll 3 = 0000\ 1000$

12) Szorozzuk meg a 3-as számot 8-cal, bitművelet segítségével.

Használjuk ki, hogy egy bináris szám végére egy nulla értéket fűzve a szám értéke a duplájára nő. Pl.: $11_{(2)}$, $110_{(2)}$, $1100_{(2)}$ decimális értékei rendre: 3, 6, 12. Tehát egy szám 2^n -nel való szorzása megegyezik az $x \ll n$ alakkal.

A fentiek alapján, a feladat megoldásához a hármas szám bináris számrendszerbeli alakját három bittel kell balra tolni, hiszen $2^3 = 8$, ezért az n értéke éppen három.

Lássuk rendben van-e az eredmény. A 3-ast váltsuk át kettes számrendszerbe, hogy bitenként lássuk. Végezzük el az eltolást.

$$11_{(2)} \ll 3 = 11000_{(2)}$$

És váltsuk vissza az eredményt 10-es számrendszerbe:

$$1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 = 16 + 8 = 24, \text{ ez valóban } 3 \cdot 8, \text{ tehát a megoldás helyes.}$$

Megjegyzés: A programozás során észben kell tartani a szám reprezentációját. Ha már az adatábrázoláson is túl vagy, akkor térj vissza ide és gondold át, mely reprezentációk esetében használható ez a trükk a kettő hatványal való szorzásra.

3. Számítógépes adatábrázolás

Előjel nélküli egészszámok ábrázolása

- 1) 126 (1 bájtton)
- 2) 211 (1 bájtton)
- 3) 30 (1 bájtton)
- 4) 30.45 (1 bájtton)
- 5) 0000 0011 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja?)
- 6) 1100 0001 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja?)

Előjeles egész számok ábrázolása - előjelbittel

- 1) -126 (1 bájtton)
- 2) 211 (2 bájtton)
- 3) 30 (1 bájtton)
- 4) -30 (1 bájtton)
- 5) 0000 0011 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja?)
- 6) 1100 0001 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja?)

Előjeles egész számok ábrázolása - eltolással

- 1) -126 (1 bájtton, 128-többlettel)
- 2) 211 (2 bájtton, 2^{15} többlettel)
- 3) 20 (6 biten, 32 többlettel)
- 4) -20 (6 biten, 32 többlettel)
- 5) 0000 0011 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja? (128-többlettel))
- 6) 1100 0001 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja? (128-többlettel))

Előjeles egész számok ábrázolása – negatív számok kettes komplementskóddal

- 1) -126 (1 bájtton)
- 2) 211 (2 bájtton)
- 3) -1 (1 bájtton)
- 4) -20 (1 bájtton)
- 5) 0000 0011 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja?)
- 6) 1100 0001 (Mi volt az eredeti szám, ha ez a reprezentációja?)

Lebegőpontos számábrázolás

- 1) -126.25 (2 bájtton, rejtett 1-essel, 6 bites eltolt (2^5-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)
- 2) 211.4 (4 bájtton, rejtett egyessel, 7 bites eltolt (2^6-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)
- 3) -1 (2 bájtton, rejtett egyessel, 7 bites eltolt (2^6-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)

- 4) 0.2 (2 bájt, rejtett egyessel, 6 bites eltolt (2^5-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)
- 5) 0.2 (2 bájt, **rejtett egyes nélkül**, 6 bites eltolt (2^5-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan.
- 6) Mi volt az eredeti, 10-es számrendszerbeli értéke az alábbi sorozatnak, ha lebegőpontos ábrázolást használtunk 2 bájt, 8 bites karakterisztikával (2^7-1) eltolás, kettes alpra normáltan, rejtett 1-essel. A reprezentáció hexadecimális formában: C3A0

3.1. Megoldások

Előjel nélküli egészszámok ábrázolása (egyeneskód)

Egész számok ábrázolásáról van szó, ezért csak a szám egészrészével foglalkozunk. Váltuk át kettes számrendszerbe. Ha szükséges, akkor balról egészítjük ki a számot a megfelelő bitszámmra.

- 1) 126 (1 bájt) $\rightarrow 111\ 1110_2 \rightarrow 0111\ 1110$
- 2) 211 (1 bájt) $\rightarrow 11010011_2 \rightarrow 1101\ 0011$
- 3) 30 (1 bájt) $\rightarrow 11110 \rightarrow 0001\ 1110$
- 4) 30.45 (1 bájt) \rightarrow csak a 30 kerül tárolásra, mint az előbb, hiszen egész számot ábrázolunk
- 5) 0000 0011 $\rightarrow 1*2^1 + 1*2^0 = 3$
- 6) 1100 0001 $\rightarrow 1*2^7 + 1*2^6 + 1*2^0 = 193$

Előjeles egész számok ábrázolása – előjelbittel (félkövérrrel)

Az előjel 0, ha a szám pozitív, 1, ha a szám negatív. A reprezentáció első bitje (legfelső helyérték) ez lesz. A maradék bitszámon a szám abszolútértékét, mint előjelnélküli egész számot ábrázoljuk.

- 1) -126 (1 bájt) $\rightarrow -111\ 1110_2 \rightarrow \mathbf{1111\ 1110}$
- 2) 211 (2 bájt) $\rightarrow 11010011_2 \rightarrow \mathbf{0000\ 0000\ 1101\ 0011}$ (egy bájt nem férne ki!)
- 3) 30 (1 bájt) $\rightarrow 11110 \rightarrow \mathbf{0001\ 1110}$
- 4) -30 (1 bájt) $\rightarrow -11110 \rightarrow \mathbf{1001\ 1110}$
- 5) 0000 0011 $\rightarrow 1*2^1 + 1*2^0 = 3$
- 6) 1100 0001 $\rightarrow -1*2^6 + 1*2^0 = -65$

Előjeles egész számok ábrázolása – eltolással

Az ábrázolandó számhoz adjuk hozzá a tároláshoz használt többletet, majd ezt az értéket, mint előjel nélküli egészt ábrázoljuk.

- 1) -126 (1 bájt, 128-többlettel) $\rightarrow -126 + 128 = 2 \rightarrow 10_2 \rightarrow 00000010$
- 2) 211 (2 bájt, 2^{15} többlettel) $\rightarrow 0000\ 0000\ 1101\ 0011 + 1000\ 0000\ 0000\ 0000$
 $\rightarrow 1000\ 0000\ 1101\ 0011$
- 3) 20 (6 biten, 32 többlettel) $\rightarrow 20 + 32 = 52 = \rightarrow 110100$
- 4) -20 (6 biten, 32 többlettel) $\rightarrow -20 + 32 = 12 = \rightarrow 001100$
- 5) 0000 0011 $\rightarrow 1*2^1 + 1*2^0 = 3 - 2^7 = -125$
- 6) 1100 0001 $\rightarrow 1*2^7 + 1*2^6 + 1*2^0 - 2^7 = 65$

Előjeles egész számok ábrázolása – negatív számok kettes komplementskóddal

1. Írjuk fel a számot kettes számrendszerben, és balról egészítjük ki 0 értékekkel (egyeneskód).
2. Amennyiben a szám negatív, akkor
 - a. Képezzük az egyes komplementet a bitek negálásával.
 - b. Adjuk hozzá +1-et az egyes komplementhez.

Tehát csak a negatív számoknál képezzük a kettes komplementet, a pozitív számoknál csak az 1-es lépést alkalmazzuk.

Amennyiben a reprezentációból kell az eredeti értéket meghatároznunk, akkor a legfelső bit ismeretében dönthetünk arról, hogy a szám pozitív-e (0) vagy negatív (1). Előbbi esetben csak fel kell írni a megfelelő decimális értéket, utóbbi esetén előbb visszaalakítjuk egyeneskódba a reprezentációt (-1, majd negálás).

- 1) -126 (1 bájt) \rightarrow -111 1110₂
 \rightarrow 0111 1110 (kiegészítve)
 \rightarrow 1000 0001 (bitek negálva)
 \rightarrow 1000 0010 (+1 hozzáadása után)
- 2) 211 (2 bájt) \rightarrow 1101 0011₂
 \rightarrow 0000 0000 1101 0011 (pozitív érték, ezért nem képezzük a komplementet)
- 3) -1 (1 bájt) \rightarrow 1₂
 \rightarrow 0000 0001 (kiegészítve)
 \rightarrow 1111 1110 (bitek negálva)
 \rightarrow 1111 1111 (+1 hozzáadása után)
- 4) -20 (1 bájt) \rightarrow 10100₂ \rightarrow
 \rightarrow 0001 0100
 \rightarrow 1110 1011 (bitek negálva)
 \rightarrow 1110 1100 (+1 hozzáadása után)
- 5) 0000 0011 = 3 (mivel nulla a legfelső bit, ezért a szám pozitív előjeles egészként tekinthető)
- 6) 1100 0001 (mivel a legfelső bit 1, ezért a szám negatív, és kettes komplementesben van)
 \rightarrow 11000000 (-1 után)
 \rightarrow 00111111 (bitek negálása után)
 \rightarrow - (1*2⁵+1*2⁴+1*2³+1*2²+1*2¹+1*2⁰) = - 63

Lebegőpontos számábrázolás

Jelölések: **előjelbit**, eltolt karakterisztika, *kitöltő nulla*

- 1) -126.25 (2 bájt, rejtett 1-essel, 6 bites eltolt (2⁵-1) karakterisztikával, kettes alapra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)
kettes számrendszerbeli alak: -1111110.01₂
normált alak: -1.11 1110 01 * 2⁶ (tehát a karakterisztika 6, a mantissza: -1.11...)
eltolt karakterisztika: 6 + 2⁵-1= 37 = 100101₂
reprezentáció: előjel, eltolt karakterisztika (6 biten), mantissza, a rejtett 1-es miatt az egészrészt elhagyjuk. Azért tehető ez meg, mert a normalizálás miatt a 0 kivételével mindig 1-es számjegy áll a szám elején, a nullát pedig speciális csupa nulla sorozat jelzi.)
reprezentáció: **1100 1011 1111 0010**

reprezentáció hexadecimális alakban: CBF2

- 2) 211.4 (4 bájtton, rejtett 1-essel, 7 bites eltolt (2^6-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)
kettes számrendszerbeli alak: 11010011. $\overline{0110}$ (ismétlődő)
normált alak: 1.101 0011 0110... $\cdot 2^7$ (tehát a karakterisztika 7, a mantissza: 1.101...)
eltolt karakterisztika: $7 + 63 = 1000110_2$
reprezentáció: 0100 0110 1010 0110 1100 1100 1100 1100
reprezentáció hexadecimális alakban: 46A6CCCC
- 3) -1 (2 bájtton, rejtett 1-essel, 7 bites eltolt (2^6-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)
kettes számrendszerbeli alak: -1
normált alak: $-1 \cdot 2^0$ (tehát a karakterisztika 0, a mantissza: -1.0, de az 1-est elrejtjük)
eltolt karakterisztika: $0 + 63 = 0111111_2$ (kiegészítve 7 bitre)
reprezentáció: 1011 1111 0000 0000
reprezentáció hexadecimális alakban: BF00
- 4) 0.2 (2 bájtton, rejtett egyessel 6 bites eltolt (2^5-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan. A bájtok tartalmát hexadecimálisan adjuk meg.)
kettes számrendszerbeli alak: 0. $\overline{0011}$ = 0.0011 0011...
normált alak: 0001.1 0011... = 1.1 0011.. $\cdot 2^{-3}$ (tehát a karakterisztika -3, a mantissza: 1.1001100110011...)
eltolt karakterisztika: $-3 + 31 = 11100_2 = 011100$ (kiegészítve 6 bitre)
reprezentáció: 0011 1001 0011 0011
reprezentáció hexadecimális alakban: 3933
- 5) 0.2 (2 bájtton, **rejtett egyes nélkül**, 6 bites eltolt (2^5-1) karakterisztikával, kettes alpra normáltan.
Változás a 4. feladathoz képest csak a reprezentáció felírásánál adódik. A mantissza (1.1001100110011...) törtponttól balra eső 1-es értékét is szerepeltetjük a sorozatban
reprezentáció: 0011 1001 1001 1001
reprezentáció hexadecimális alakban: 3999
- 6) Mi volt az eredeti, 10-es számrendszerbeli értéke az alábbi sorozatnak, ha lebegőpontos ábrázolást használtunk 2 bájtton, 8 bites karakterisztikával (2^7-1) eltolás, kettes alpra normáltan, rejtett 1-essel. A reprezentáció hexadecimális formában: C3A0
A reprezentáció bitjei: 1100 0011 1010 0000
Bontsuk szét előjelre, karakterisztikára, mantisszára:
- | | | |
|----------|------------------------|--|
| 1 | <u>100 00111</u> | 1.010 0000 |
| előjel | eltolt karakterisztika | mantissza (a rejtett 1-est visszahoztuk) |
- Az eltolt karakterisztika decimális értéke $135 \cdot 2^7-1$.
A karakterisztika értéke eltolás nélkül: $135 - (2^7-1) = 135 - 127 = 8$
Ebből már felírható a 2-es alpra normalizált alak: $-1.010 0000_2 \cdot 2^8$

A kettes számrendszerbeli alak: -101000000_2
10-es számrendszerbe visszaváltva az értéket: -320